

الامتحان الوطئي الموحد للبكالوريا الدورة الاستدراكية 2009 الموضوع

3 4	2009
C:RS24	

9	المعامل:	الرياضيات	المادة:	
A	مدة	شعبة العامد الدياضية (أرو (ب)	الشعب (ة)	

يسمح استعمال الآلة الحاسبة

التمرين الأول : (3 نقط)

نذكر أن $(M_2(\mathbb{R}),+,\circ)$ حلقة واحدية وحدتها المصفوفة $M_2(\mathbb{R}),+,\circ$ و أن $M_2(\mathbb{R}),+,\circ$ فضاء

متجهى حقيقى .

0,5

0,25

0,75

0,5

$$(a;b) \in IR^2$$
 حيث $M_{(a,b)} = \begin{pmatrix} a & b \\ 4b & a \end{pmatrix}$ حيث V لتكن V مجموعة المصغوفات

. مناسا له
$$M_2(\mathbb{R})$$
 ,+,۰ وحدد أساسا له $M_2(\mathbb{R})$ وحدد أساسا له $M_2(\mathbb{R})$

$$\left(M_{2}(\mathbb{R}),\times\right)$$
 ابین ان V جزء مستقر من V ابین ان V ابین ان V ا

بين أن
$$(imes,+, imes)$$
 حلقة واحدية تبادلية .

$$M_{\left(\frac{1}{2},\frac{-1}{4}\right)} \times M_{\left(\frac{1}{2},\frac{1}{4}\right)} \longrightarrow (1-3)$$
 0,25

$$(a,b) \in IR^2$$
 مع $X = \begin{pmatrix} a & b \\ 4b & a \end{pmatrix}$: عيث $X = \begin{pmatrix} a & b \\ 4b & a \end{pmatrix}$ معنوفة من $X = \begin{pmatrix} a & b \\ 4b & a \end{pmatrix}$

. حيث ،
$$O$$
 هي المصغوفة المنعدمة . $X^2 - 2aX + (a^2 - 4b^2)I = O$ هي المصغوفة المنعدمة . 0,5

$$a^2 - 4b^2 \neq 0$$
: نفترض أن (ب 0,5

بين أن المصفوفة X تقبل مقلوبا في V ينبغي تحديده.

التمرين الثاتي : (4 نقط)

$$(1-i)$$
 عددا عقدیا بخالف u

$$z^2-2(u+1-i)z+2u^2-4i=0$$

$$z - 2(u+1-1)z + 2u - 41 = 0$$

2) المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد ممنظم ومباشر.

$$R(A) = B$$
 الدوران الذي مركزه Ω وزاويته $\left(-\frac{\pi}{2}\right)$. بين أن R

موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009-الدورة الاستدراكية _ الصفحة على الموحد البكالوريا 2009-الدورة الاستدراكية _ 2 موضوع المسلك: شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	مادة: الرياض
$=$ استنتج أن (ΩI) و (AB) متعامدان.	0,5
B وضمح طريقة لإنشاء النقطتين A و B	0,75
$(a \in \mathbb{R})$ حيث $u = a(1+i)-2i$ نضع (3	
a و \overrightarrow{AU} و \overrightarrow{AU} بدلالة \overrightarrow{AB} المتجهتين	0,5
ب) استنتج أن النقط A و B و U مستقيمية.	0,25
التمرين الثالث: (3 نقط)	
. 4 عدد صحیح طبیعي أکبر أو یساوي 4 . لدینا ثلاث صنادیق U_2 و U_3 و U_3 .	
الصندوق U_i يحتوي على كرة حمراء واحدة و $(n-1)$ كرة سوداء.	
الصندوق U_2 يحتوي على كرتين حمر اوين و $(n-2)$ كرة سوداء.	
الصندوق U_3 يحتوي على ثلاث كرات حمراء و $(n-3)$ كرة سوداء. نعتبر التجربة العشوانية التالية: نختار عشوانيا صندوقا من بين الصناديق الثلاثة ثم نسحب تآنيا كرتين من الصندوق الذي وقع عليه الاختيار.	
ليكن X المتغير العشواني الحقيقي الذي يساوي عدد الكرات الحمراء المسحوبة. إحدد قيم المتغير العشواني X	0,25
$\frac{8}{3n(n-1)}$ يساوي $(X=2)$ يساوي $(X=2)$	0,75
$\frac{4(3n-7)}{3n(n-1)}$ يساوي $(X=1)$ يساوي $(X=1)$	0,75
ج) استنتج قانون احتمال المتغير العشواني X	0,5
U_3 اننا حصلنا على كرتين حمر اوين، ما هو احتمال أن يكون السحب قد تم من الصندوق U_3 V_3	0,75
مسألة: (10 نقط)	
$g(x)=2ig(1-e^{-x}ig)-x$: بما يلي بين الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R}^+ بما يلي بين الدالة العددية والمتغير الحقيقي والمعرفة على \mathbb{R}^+	
1) أ _ ادرس تغيرات الدالة g	0,5
ب ــ ضع جدول تغيرات الدالة ع	0,5
$\ln 4, \ln 6$ [المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $g(x) = 0$ أ بين أن المعادلة و $g(x) = 0$	0.5
($\ln 3 \approx 1,1$ و $\ln 2 \approx 0,7$ (ناخذ)	0,5
\mathbb{R}^+ على $g(x)$ على $g(x)$ على ب	0,5
$\mathbb N$ نعتبر المنتالية العددية $\left(u_n\right)$ المعرفة بما يلي $u_0=1:$ و $u_0=1:$ كل u_n من (3)	

 $\mathbb N$ من n من $1 \leq u_n < \alpha$ این آن $u_n < \alpha$ این آن $u_n < \alpha$ بین آن $u_n < \alpha$ بین آن $u_{n+1} - u_n = g\left(u_n\right)$ لکل u_n من $u_n = u_n + u_n$ این آن $u_n = u_n + u_n$ این آن $u_n = u_n + u_n$ این آن $u_n = u_n$ این آ

0,5 0,25

حة	١.,	15	
3	/		
/		4	is

موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009-الدورة الاستدراكية – مادة: الرياضيات، الشعب ب(ة) أو المسلك: شعبة الطوم الرياضية (أ) و (ب)

. بين أن المتتالية
$$(u_n)_{n\geq 0}$$
 تزايدية قطعا جـ بين أن المتتالية $(u_n)_{n\geq 0}$

0,5

0,75

0,5

$$\lim_{n\to +\infty} u_n$$
 بين أن المنتالية $(u_n)_{n\geq 0}$ متقاربة ثم احسب د _ د _ بين

$$f(x) = \frac{1-e^x}{x^2}$$
: يعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R}^*_+ بما يلي f المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم f المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم f

$$\lim_{x\to +\infty} \frac{f(x)}{x} \cdot \lim_{x\to 0\atop x>0} f(x) \cdot \lim_{x\to +\infty} f(x)$$
 (1)

$$f(\alpha) = \frac{1}{\alpha(\alpha-2)}$$
: 1 (2 0,5

$$f$$
 الدالة \mathbb{R}^*_+ نم ضع جدول تغيرات الدالة $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{x^3}$ نم ضع جدول تغيرات الدالة

: المعتبر الدالة العددية
$$F$$
 للمتغير الحقيقي x المعرفة على $[0,+\infty[$ بما يلي $[0,+\infty[$

$$(\forall x > 0)$$
 $F(x) = \int_{x}^{2x} \frac{1 - e^{t}}{t^{2}} dt$, $F(0) = -\ln 2$

$$(\forall x > 0) \ F(x) = \frac{e^{2x} - 1}{2x} - \frac{e^{x} - 1}{x} - \int_{x}^{2x} \frac{e^{t}}{t} dt : iii., \quad \text{with partial points} = 1 \ (1)$$

$$e^{x} \ln 2 \le \int_{x}^{2x} \frac{e^{t}}{t} dt \le e^{2x} \ln 2 :]0, +\infty[$$
 بين أن لكل x من t 10,5

. بالمين في الصغر
$$F$$
 متصلة على اليمين في الصغر $\lim_{\substack{x \to 0 \\ x > 0}} \int\limits_x^{2x} \frac{e^t}{t} dt$ ج احسب $-$ ج احسب $-$ 0,5

$$F(x) \le \frac{1-e^x}{2x}$$
 : $]0,+\infty[$ ن که x من $]0,+\infty[$ 0,25 $]$ $\lim_{x\to +\infty} F(x)$ من $[$ 0,25 $]$ $]$ 0,25

$$(\forall x > 0) \ F'(x) = -\frac{1}{2} \left(\frac{e^x - 1}{x}\right)^2 : 0, +\infty[$$
 و أن $[0, +\infty[$ قابلة للاشتقاق على $[0, +\infty[$ و أن $[0, +\infty[$ على $[0, +\infty[$

á	å	الص
4		/
	/	4

موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 الدورة الاستدراكية – مادة: الرياضيات، الشعب (ق) أو المسلك: شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)

.]0,+∞[اليكن x من المجال]0,+∞

بين انه يوجد $F(x) - F(0) = -\frac{1}{2}xe^{2c}$ بحيث: $f(x) - F(0) = -\frac{1}{2}xe^{2c}$ بين انه يوجد $f(x) - F(0) = -\frac{1}{2}xe^{2c}$ بحيث: $f(x) - F(0) = -\frac{1}{2}xe^{2c}$

التزايدات المنتهية مرتين)

$$-\frac{1}{2}e^{2x} \le \frac{F(x) - F(0)}{x} \le -\frac{1}{2} :]0, +\infty[نبت ان لکل x من]0, +\infty[ب$$

$$F_{d}'(0) = -rac{1}{2}$$
 ج- استنتج أن F قابلة للاشتقاق على اليمين في الصغر و أن F

0,75

0,25

0,25